Министерство науки и высшего образования Российской Федерации
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования
«Ивановский государственный энергетический университет имени В.И.Ленина»

Кафедра теоретической и прикладной механики

ВЫПУСКНАЯ КВАЛИФИКАЦИОННАЯ РАБОТА

**Исследование механических напряжений в
корпусе прибора для диагностики двигателей**

Выполнил: студент гр. 4-33 Осокин А.Н.

Руководитель: д.т.н., доц. Смирнов С.Ф.

Описание объекта

Компрессометр — прибор измерения компрессии в цилиндрах двигателей внутреннего сгорания (рис. 1-2)

Рис. 1. Внешний вид компрессометра

Рис. 2. Прибор для диагностики двигателей, содержащий компрессометр

Цель и задачи работы

Цель работы: определение толщины стенки корпуса компрессометра из пластика PETG, обеспечивающий его прочность при максимальном давлении 40 атмосфер.

Задачи:

- 1) экспериментальное определение модуля упругости материала PETG;
- 2) экспериментальное определение допускаемого напряжения;
- 3) аналитический расчет напряжений в корпусе при максимальном давлении 40 атмосфер и расчетной толщины стенки;
- 4) разработка модели корпуса компрессометра в программном комплексе Ansys Workbench;
- 5) расчет напряжений, перемещений в корпусе по разработанной модели.

Экспериментальное определение модуля упругости (E) материала PETG

На кафедре технического сервиса и механики Ивановской ГСХА было получено 4 опытных образца из материала PETG (рис. 3). Испытания на растяжение проводились по ГОСТ 9550-81.

Рис. 3. Опытный образец

Рис. 4. Разрывная машина UTC-111.2-5-22

Температура исп. 20,0 °C

Рис. 5 1-ый образец

Температура исп. 20,0 °C

Рис. 7 3-й образец

Полученные
диаграммы
напряжения –
деформации четырех
образцов

Температура исп. 20,0 °C

Рис. 6 2-ой образец

Температура исп. 20,0 °C

Рис. 8 4-ый образец

Модуль Юнга для пластика определялся по формуле:

$$E_i = \operatorname{tg} \alpha = \frac{F_2 - F_1}{d_2 - d_1}$$

Получившиеся значения модуля упругости (E) для 4-х образцов:

$$E_1 = 3000 \text{ МПа}$$

$$E_2 = 3000 \text{ МПа}$$

$$E_3 = 3000 \text{ МПа}$$

$$E_4 = 3000 \text{ МПа}$$

Температура исп. 20,0 °C

Рис. 9. Пример определения тангенса угла наклона диаграммы 1-го образца к оси абсцисс

Расчет допускаемого напряжения материала PETG

Предел прочности рассчитывается по формуле:

$$\sigma_{Bi} = \frac{F_{max i}}{A}$$

По результатам испытаний были получены следующие значения :

$$F_{max 1} = 2100H; F_{max 2} = 2130H;$$

$$F_{max 3} = 2150H; F_{max 4} = 2180H.$$

Пределы прочности 4-х образцов равны:

$$\sigma_{B1} = 52,5\text{МПа}$$

$$\sigma_{B2} = 53,25\text{МПа}$$

$$\sigma_{B3} = 53,75\text{МПа}$$

$$\sigma_{B4} = 54,5\text{МПа}$$

Среднее значение $\bar{\sigma}_B$:

$$\bar{\sigma}_B = \frac{\sigma_{B1} + \sigma_{B2} + \sigma_{B3} + \sigma_{B4}}{4} = 53,5\text{МПа}$$

Рис. 10 Пример максимального усилия на диаграмме 4-го образца

Расчет допускаемого напряжения

Полагая, что распределение предела прочности описывается распределением Гаусса, для доверительной вероятности 0,95 рассчитывается из выражения:

$$\sigma_{adm} = \bar{\sigma}_B (1 - 1,64 \cdot C_V^*),$$

где $\bar{\sigma}_B$ - среднее значение предела прочности; C_V^* - коэффициент вариации.

Для распределения Гаусса несмещенной оценкой коэффициента вариации при малой выборке размером n , является величина:

$$C_V^* = \left(1 + \frac{1}{4n}\right) C_V,$$
$$C_V = \frac{S(\sigma_B)}{\bar{\sigma}_B},$$

где $S(\sigma_B)$ – стандартное отклонение, рассчитываемое по формуле:

$$S(\sigma_B) = \sqrt{\frac{1}{n} \sum (\sigma_{Bi} - \bar{\sigma}_B)^2}.$$

По результатам испытаний получено: $S(\sigma_B) = 0,73$ МПа, $C_V^* = 0,014$, $\sigma_{adm} = 52,23$ МПа.

Аналитический расчет корпуса компрессометра

Силы N_x и N_y , приходящиеся на метр длины, исходя из равномерности удлинения корпуса прибора от внутреннего давления, определим из условий равновесия, рассматривая два взаимно нормальных сечения (рис.11) по формулам:

$$N_x = \frac{qbc}{2(b+c)} \quad N_y = \frac{qac}{2(a+c)}$$

Напряжения σ_x и σ_y , которые складываются из нормальных напряжений от продольных сил и изгибающих моментов M_x, M_y :

$$\sigma_x = \frac{N_x}{h} + \frac{6M_x}{h^2} \quad \sigma_y = \frac{N_y}{h} + \frac{6M_y}{h^2}$$

Условие прочности для плоского напряженного состояния по 4 теории прочности имеет вид:

$$\sigma_{\text{ЭКВ}} = \sqrt{\sigma_1^2 + \sigma_2^2 - \sigma_1\sigma_2} \leq \sigma_{adm}$$

где $\sigma_1 = \sigma_x$; $\sigma_2 = \sigma_y$.

Рис. 11. Расчетная модель корпуса компрессометра

Аналитический расчет корпуса компрессометра

Таблица 1 - Прогибы и изгибающие моменты

$\frac{a}{b}$	(w) $x = 0,$ $y = 0$	(M_y) $y = \pm \frac{b}{2},$ $x = 0$	(M_x) $y = 0,$ $x = \pm \frac{a}{2}$	(M_y) $x = 0,$ $y = 0$	(M_x) $x = 0,$ $y = 0$
2,0	$0,00254qb^4/D$	$-0,0829qb^2$	$-0,0571qb^2$	$0,0412qb^2$	$0,0158qb^2$
∞	$0,00260qb^4/D$	$-0,0833qb^2$	$-0,0571qb^2$	$0,0417qb^2$	$0,0125qb^2$

$$M_y = 0,0833qa^2 = 283,9 \frac{Hm}{m}$$

$$N_x = 28,87 \frac{kH}{m} \quad N_y = 40,5 \frac{kH}{m}$$

$$\sigma_x = 4,81 \text{МПа} \quad \sigma_y = 54,08 \text{МПа}$$

$$\sigma_{\text{ЭКВ}} = 51,84 \text{МПа} < \sigma_{adm} = 52,23 \text{МПа}$$

Рис. 12. Расчетная схема пластины

Построение и расчет модели в программном комплексе Ansys

Рис. 13. Модель корпуса компрессометра в Ansys

C: Copy of Static Structural
Pressure
Time: 1, s

■ Pressure: 4,053 MPa
Components: 0,;0,;0, MPa

Рис. 14. Приложение давления ко всем внутренним стенкам компрессометра

Верификация сетки

Рис. 15. График верификации

Рис. 16. Конечно-элементная сетка

Стабильные показания напряжений начинается в интервале от 41089-415876 элементов. Исходя из этих данных была выбрана сетка, которая имеет 41089 элементов, при данной сетке размер элемента равен 0,75 мм.

Расчет перемещений и напряжений в Ansys

Рис. 17. Перемещения при коэффициенте Пуассона $\nu=0,3$

Рис. 18. Перемещения при коэффициенте Пуассона $\nu=0,3$ в разрезанной модели

Рис. 19. Напряжения при коэффициенте Пуассона $\nu=0,3$

Рис. 20. Перемещения при коэффициенте Пуассона $\nu=0,3$ в разрезанной модели

Таблица 2 – Зависимость перемещений и напряжений от коэффициента Пуассона

Коэффициент Пуассона	Перемещения, мм	Напряжения, МПа
0,2	0,0773	54,258
0,3	0,0751	50,939
0,4	0,0717	48,445

Заключение

В ходе работы были выполнены следующие задачи:

- экспериментально определен модуль упругости пластика PETG $E=3000\text{МПа}$;
- экспериментально получено допускаемое напряжение пластика PETG $\sigma_{\text{ЭКВ}}=52,23\text{МПа}$;
- аналитическим путем получены наибольшие напряжения в корпусе компрессометра;
- получена конечно-элементная модель корпуса компрессометра в программном комплексе ANSYS Workbench и проведена ее верификация;
- определены наибольшие перемещения и напряжения в конечно-элементной модели при различных коэффициентах Пуассона при толщине стенки $h=6,0\text{мм}$.
- аналитически и по конечно-элементной модели определена толщина стенки $h=6,0\text{ мм}$ корпуса компрессометра, обеспечивающая его прочность при давлении 40 атмосфер.